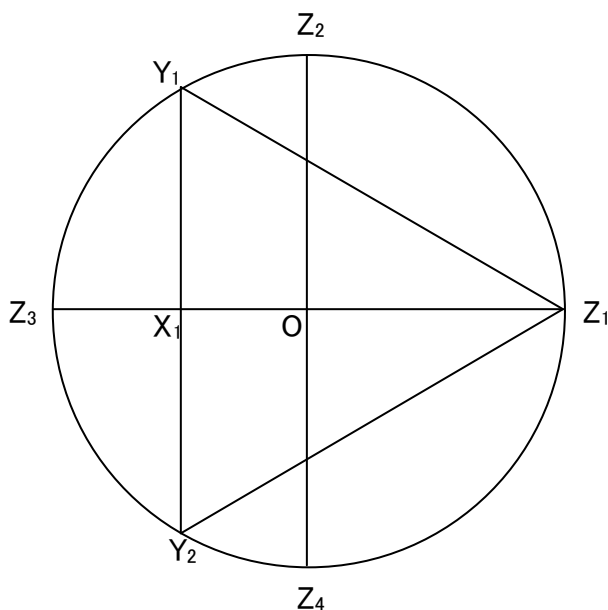


[正三角形の作図]



中心を  $O$ 、半径を 1 とする円の直交する 2 本の直径  $Z_1Z_3$ 、 $Z_2Z_4$  をとる。線分  $OZ_3$  の垂直二等分線と円  $O$  との交点を  $Y_1$ 、 $Y_2$  とするとき、三角形  $Z_1Y_1Y_2$  は正三角形となる。

(証明)

仮定より

$$OX_1 = \frac{1}{2}$$

である。

$$1 - 2OX_1^2 = 1 - 2 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^2 = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = OX_1$$

が成り立つから、命題 3 より

$$\text{優角 } Z_1OY_2 = 2\angle Z_1OY_1 \quad \cdots(b.1)$$

$Y_1$ 、 $Y_2$  は直線  $Z_1Z_3$  に関して対称だから、

$$\angle Z_1OY_1 = \angle Z_1OY_2 \quad \cdots(b.2)$$

同じ角の優角と劣角だから

$$\text{優角 } Z_1OY_2 + \angle Z_1OY_2 = 360^\circ \quad \cdots(b.3)$$

(b.1)(b.2)(b.3)より

$$\angle Z_1OY_1 + 2\angle Z_1OY_1 = 360^\circ \quad \cdots(b.4)$$

(b.4)より

$$\angle Z_1OY_1 = 120^\circ \quad \cdots(b.5)$$

(b.1)(b.2)(b.5)より

$$\angle Z_1OY_1 = \angle Y_1OY_2 = \angle Y_2OZ_1 = 120^\circ$$

したがって、三角形  $Z_1Y_1Y_2$  は正三角形である。

(証明おわり)